

## Τ.Ε.Ι. ΠΕΙΡΑΙΑ - ΤΜΗΜΑ ΠΟΛΙΤΙΚΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ Τ.Ε.

ΣΙΔΗΡΕΣ ΚΑΙ ΞΥΛΙΝΕΣ ΚΑΤΑΣΚΕΥΕΣ - 13/02/2013

ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>

Δίνεται υποστύλωμα ύψους 8m με άρθρωση στον πόδα και κύλιση στη κεφαλή διατομής ΗΕΒ320 (θερμής έλασης Fe 430) στο οποίο ασκούνται μια ροπή σχεδιασμού στον πόδα  $M_{1,y,sd}=250\text{kNm}$ , μια ροπή σχεδιασμού,  $M_{2,y,sd}=100\text{kNm}$  στην κεφαλή, ένα ομοιόμορφο κατανεμημένο φορτίο  $q_{z,sd}=20\text{kN/m}$  καθώς και μια θλιπτική δύναμη σχεδιασμού  $N_{sd}=550\text{kN}$  (δίνεται  $M_{cr}=2190,75\text{kNm}$ )

Ζητείται να:

- Σχεδιαστούν τα διαγράμματα ροπών, τεμνουσών και αξονικών δυνάμεων.
- Πραγματοποιηθούν όλοι οι απαραίτητοι έλεγχοι επάρκειας.

Λύση:

- Βρίσκω τις ροπές στα στηρίγματα Α και Β και στη συνέχεια αφού υπολογίσω τις τέμνουσες βρίσκω και την μέγιστη ροπή στο άνοιγμα.

- $M_A=250\text{kNm}$
- $M_B=100\text{kNm}$

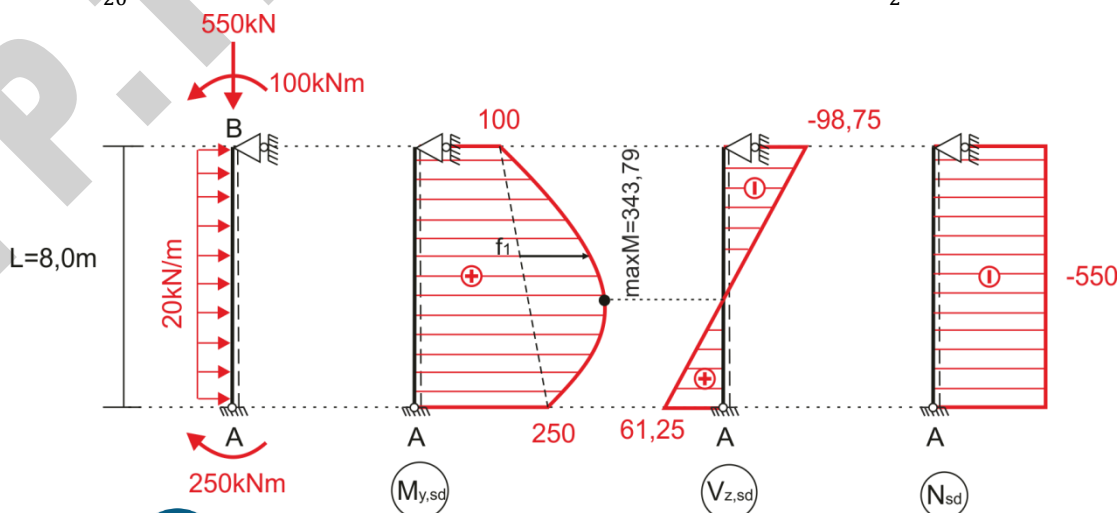
Βρίσκω τις τέμνουσες στα χαρακτηριστικά σημεία του φορέα.

- $Q_{AB}=\frac{100-250}{8}+\frac{20\cdot 8}{2}\Rightarrow Q_{AB}=61,25\text{kN}$
- $Q_{BA}=\frac{100-250}{8}-\frac{20\cdot 8}{2}\Rightarrow Q_{BA}=-98,75\text{kN}$

Εύρεση μέγιστης ροπής ανοίγματος:

Η μέγιστη ροπή θα βρίσκεται σε απόσταση  $x$  από το Α:

$$x=\frac{61,25}{20}\Rightarrow x=3,0625\text{m}\rightarrow\text{και άρα } \max M_{AB}=250+61,25\cdot 3,0625-20\frac{3,0625^2}{2}=343,79\text{kNm}$$



**b) ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΔΙΑΤΟΜΗΣ**

$$h=32\text{cm} \quad W_{el,y}=1930\text{cm}^3$$

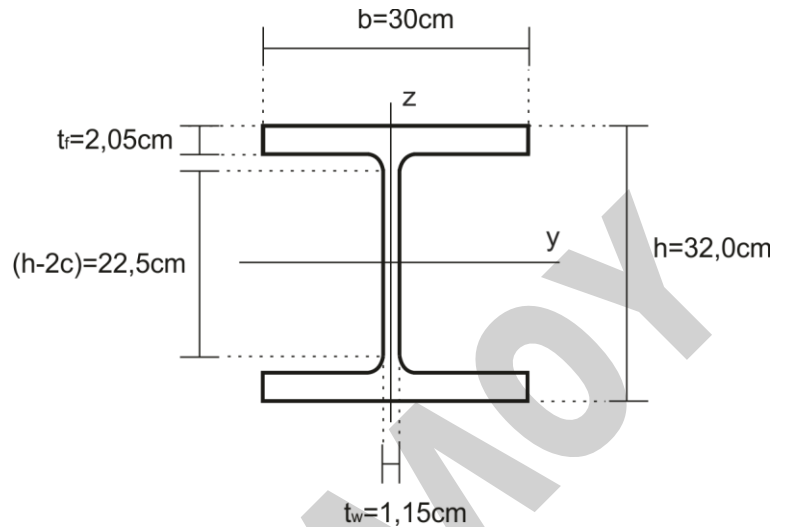
$$b=30\text{cm} \quad W_{el,z}=616\text{cm}^3$$

$$t_w=1,15\text{cm} \quad W_{pl,y}=2149\text{cm}^3$$

$$t_f=2,05\text{cm} \quad h-2c=22,5\text{cm}^2$$

$$A=161\text{cm}^2 \quad r=2,7\text{cm}$$

$$i_y=13,8\text{cm} \quad i_z=7,57\text{cm}$$



Για ποιότητα χάλυβα Fe 430 και  $t_f \leq 40\text{mm} \Rightarrow f_y = 275\text{N/mm}^2 \Rightarrow \varepsilon = 0,92$

**ΚΑΤΑΤΑΞΗ ΔΙΑΤΟΜΗΣ**• **ΚΟΡΜΟΣ**

Η διατομή βρίσκεται υπό θλίψη και κάμψη οπότε υποθέτω πλαστική κατανομή των τάσεων στην διατομή και υπολογίζω την θέση του ουδέτερου άξονα:

$$a = \frac{N_{sd}}{2t_w \frac{f_y}{\gamma_{M0}}} \Rightarrow a = \frac{550}{2 \cdot 1,15 \cdot \frac{275}{1,10}} \Rightarrow a = 9,565\text{cm}$$

$$\text{Όποτε } \alpha = \frac{1}{d} \left( \frac{d}{2} + a \right) \Rightarrow \alpha = \frac{1}{22,5} \left( \frac{22,5}{2} + 9,565 \right) \Rightarrow \alpha = 0,925 > 0,5$$

$$\text{Επειδή } \alpha = 0,925 > 0,5 \Rightarrow \frac{d}{t_w} = \frac{22,5}{1,15} = 19,565 < \frac{396\varepsilon}{13\alpha - 1} = \frac{396 \cdot 0,92}{13 \cdot 0,925 - 1} = 33,045$$

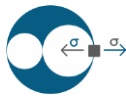
άρα ο κορμός είναι κατηγορίας 1

• **ΠΕΛΜΑ**

$$\text{Για ελατή διατομή και θλιβόμενο μέλος: } \frac{c}{t_f} = \frac{30/2}{2,05} = 7,317 < 10\varepsilon = 10 \cdot 0,92 = 9,2$$

άρα το πέλμα είναι κατηγορίας 1

Τελικά η διατομή μου είναι κατηγορίας 1



## 1. ΕΛΕΓΧΟΣ ΕΠΑΡΚΕΙΑΣ ΔΙΑΤΟΜΗΣ

### • ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΕ ΔΙΑΤΜΗΣΗ

$$\text{Πρέπει } V_{sd} \leq V_{pl,Rd} = \frac{A_v f_y / \sqrt{3}}{\gamma_{M_0}}$$

$$A_v = A - 2bt_f + (t_w + 2r)t_f \Rightarrow A_v = 161 - 2 \cdot 30 \cdot 2,05 + 2,05(1,15 + 2 \cdot 2,7) \Rightarrow A_v = 51,43 \text{ cm}^2$$

$$\text{Τελικά: } V_{pl,Rd} = \frac{51,43 \frac{27,5}{\sqrt{3}}}{1,10} \Rightarrow V_{pl,Rd} = 742,33 \text{ kN}$$

$$V_{sd} = 98,75 \text{ kN} < V_{pl,Rd} = 742,33 \text{ kN} \text{ άρα έχουμε επάρκεια διατομής}$$

### • ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΤΗΝ ΘΕΣΗ Α ( $M_{sd} = 250 \text{ kNm}$ $V_{sd} = 61,25 \text{ kN}$ $N_{sd} = -550 \text{ kN}$ )

Παρατηρώ ότι στην θέση Α εμφανίζονται συγχρόνως και τα τρία εντατικά μεγέθη. Ελέγχω την επίδραση της τέμνουσας και της αξονικής δύναμης πάνω στην πλαστική καμπτική αντίσταση της διατομής.

#### ΕΛΕΓΧΟΣ ΕΠΙΔΡΑΣΗΣ ΤΗΣ ΤΕΜΝΟΥΣΑΣ

Επειδή  $V_{sd} = 61,25 < \frac{V_{pl,Rd}}{2} = \frac{742,33}{2} = 371,16 \text{ kN}$  η επίδραση της τέμνουσας στην πλαστική καμπτική αντίσταση είναι μικρή και δεν την λαμβάνω υπ' όψιν.

#### ΕΛΕΓΧΟΣ ΕΠΙΔΡΑΣΗΣ ΤΗΣ ΑΞΟΝΙΚΗΣ

Για διατομή κατηγορίας 1 και κάμψη στον ισχυρό άξονα και πρότυπη ελατή διατομή διπλού Ταυ χωρίς οπές κοχλιών η μειωμένη πλαστική αντίσταση της διατομής λόγω αξονικής δύναμης εξαρτάται από την τιμή του συντελεστή  $n$  σε σχέση με την τιμή του  $\alpha$ . Υπολογίζω το  $n$ :

$$n = \frac{N_{sd}}{N_{pl,Rd}}$$

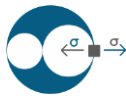
$$\text{με } N_{pl,Rd} = \frac{A f_y}{\gamma_{M_0}} \Rightarrow N_{pl,Rd} = \frac{161 \cdot 27,5}{1,10} \Rightarrow N_{pl,Rd} = 4025 \text{ kN} \text{ και } N_{sd} = 550 \text{ kN} \text{ θα έχουμε:}$$

$$n = \frac{550}{4025} \Rightarrow n = 0,136$$

Επίσης υπολογίζω το  $\alpha$ :

$$\alpha = \frac{A - 2bt_f}{A} \Rightarrow \alpha = \frac{161 - 2 \cdot 30 \cdot 2,05}{161} \Rightarrow \alpha = 0,236 < 0,50$$





Επειδή  $n = 0,136 < \alpha = 0,236$  η πλαστική καμπτική αντίσταση της διατομής θα δίνεται από την σχέση:

$$M_{N,y,Rd} = M_{pl,y,Rd} \frac{(1-n)}{(1-0,5\alpha)} \leq M_{pl,y,Rd}$$

Υπολογίζω τέλος την ροπή πλαστικοποίησης ως προς τον ισχυρό άξονα της διατομής (y-y).

$$M_{pl,y,Rd} = \frac{W_{pl,y} \cdot f_y}{\gamma_{M_0}} \Rightarrow M_{pl,y,Rd} = \frac{2.149 \cdot 27.5}{1,10} \Rightarrow M_{pl,y,Rd} = 53.725 \text{ kNm} = 537,25 \text{ kNm}$$

Τελικά η μειωμένη ροπή αντοχής λόγω της επίδρασης αξονικής δύναμης θα είναι:

$$M_{N,y,Rd} = M_{pl,y,Rd} \frac{(1-n)}{(1-0,5\alpha)} \Rightarrow M_{N,y,Rd} = 537,25 \frac{(1-0,1366)}{(1-0,50 \cdot 0,236)} = 525,92 \text{ kNm} < M_{pl,y,Rd} = 537,25 \text{ kNm}$$

ΕΛΕΓΧΟΣ:

Πρέπει  $M_{sd}^{(A)} \leq M_{N,y,Rd} \Rightarrow M_{sd}^{(A)} = 250 < M_{N,y,Rd} = 525,92 \text{ kNm}$  επάρκεια διατομής

- **ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΤΗΝ ΘΕΣΗ ΤΗΣ ΜΕΓΙΣΤΗΣ ΡΟΠΗΣ ΤΟΥ ΑΝΟΙΓΜΑΤΟΣ**

Στην θέση αυτή έχω συνύπαρξη ροπής κάμψης και αξονικής δύναμης.

Η επίδραση της αξονικής δύναμης στην ροπή κάμψης είναι η ίδια με πριν οπότε

$$M_{N,y,Rd} = 525,92 \text{ kNm}$$

ΕΛΕΓΧΟΣ:

Πρέπει:  $M_{sd}^{(AB)} \leq M_{N,y,Rd} \Rightarrow M_{sd}^{(AB)} = 343,79 < M_{N,y,Rd} = 525,92 \text{ kNm}$  επάρκεια διατομής

- **ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΤΗΝ ΘΕΣΗ Β** ( $M_{sd} = 100 \text{ kNm}$   $V_{sd} = 98,75 \text{ kN}$   $N_{sd} = -550 \text{ kN}$ )

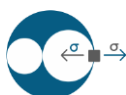
Στην θέση αυτή έχω και την μέγιστη τέμνουσα.

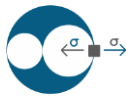
### 1. ΕΛΕΓΧΟΣ ΕΠΙΔΡΑΣΗΣ ΤΗΣ ΤΕΜΝΟΥΣΑΣ

$$V_{sd} = 98,75 \text{ kN} < \frac{V_{pl,Rd}}{2} = \frac{742,33}{2} = 371,16 \text{ kN}$$
 δηλαδή εξακολουθεί η τέμνουσα να μην επιδρά

στην πλαστική καμπτική αντίσταση και επειδή:  $M_{sd}^{(B)} = 100 \text{ kNm} < M_{sd}^{(A)} = 250 \text{ kNm}$

δεν είναι κρίσιμος ο έλεγχος σε αυτήν την θέση.





## 2. ΕΛΕΓΧΟΣ ΕΠΑΡΚΕΙΑΣ ΜΕΛΟΥΣ

### ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΕ ΚΑΜΠΤΙΚΟ ΛΥΓΙΣΜΟ

$$\text{Πρέπει να ισχύει } \frac{N_{sd}}{x_{\min} A \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} + \frac{k_y M_{y,sd}}{W_{pl,y} \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} + \frac{k_z M_{z,sd}}{W_{pl,z} \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} \leq 1$$

- Υπολογισμός  $x_{\min}$ :

$$\text{Λυγηρότητα } \lambda_y = \frac{L}{i_y} = \frac{800}{13,8} = 58$$

$$\text{Λυγηρότητα } \lambda_z = \frac{L}{i_z} = \frac{800}{7,57} = 105,68$$

$$\text{Ανηγμένη λυγηρότητα κατά y-y: } \bar{\lambda}_y = \frac{\lambda_y}{93,9\epsilon} = \frac{58}{93,9 \cdot 0,92} = 0,671$$

$$\text{Ανηγμένη λυγηρότητα κατά z-z: } \bar{\lambda}_z = \frac{\lambda_z}{93,9\epsilon} = \frac{105,68}{93,9 \cdot 0,92} = 1,22$$

Επιλογή καμπυλών λυγισμού:

$$\text{Για } \frac{h}{b} = \frac{320}{300} = 1,067 < 1,20 \quad \left. \begin{array}{l} \text{Για λυγισμό περί αξόνα y-y: καμπύλη b. Άρα } \alpha_y = 0,34 \\ \text{Για λυγισμό περί αξόνα z-z: καμπύλη c. Άρα } \alpha_z = 0,49 \end{array} \right\}$$

$$t_f = 1,4 \text{ cm} < 10 \text{ cm} \quad \left. \begin{array}{l} \text{Για λυγισμό περί αξόνα y-y: καμπύλη b. Άρα } \alpha_y = 0,34 \\ \text{Για λυγισμό περί αξόνα z-z: καμπύλη c. Άρα } \alpha_z = 0,49 \end{array} \right\}$$

$$\varphi_y = 0,5 [1 + \alpha_y (\bar{\lambda}_y - 0,20) + \bar{\lambda}_y^2] = 0,5 [1 + 0,34 (0,671 - 0,20) + 0,671^2] \Rightarrow \varphi_y = 0,805$$

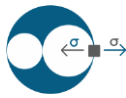
$$\varphi_z = 0,5 [1 + \alpha_z (\bar{\lambda}_z - 0,20) + \bar{\lambda}_z^2] = 0,5 [1 + 0,49 (1,22 - 0,20) + 1,22^2] \Rightarrow \varphi_z = 1,491$$

$$x_y = \frac{1}{\varphi_y + \sqrt{\varphi_y^2 - \bar{\lambda}_y^2}} \Rightarrow x_y = \frac{1}{0,805 + \sqrt{0,805^2 - 0,671^2}} \Rightarrow x_y = 0,80$$

$$x_z = \frac{1}{\varphi_z + \sqrt{\varphi_z^2 - \bar{\lambda}_z^2}} \Rightarrow x_z = \frac{1}{1,491 + \sqrt{1,491^2 - 1,22^2}} \Rightarrow x_z = 0,426$$

$$x_{\min} = \min\{x_y, x_z\} = \min\{0,80, 0,426\} = 0,426$$





- Υπολογισμός συντελεστή  $K_y$ :

$$\beta_{M,\psi} = 1,8 - 0,7\psi \text{ όπου } \psi = \frac{100}{250} = 0,40$$

$$\text{άρα } \beta_{M,\psi} = 1,8 - 0,7 \cdot 0,4 \Rightarrow \beta_{M,\psi} = 1,52$$

$$\text{Επίσης } \beta_{M,Q} = 1,3$$

$$\text{Τελικά } \beta_{M,y} = \beta_{M,\psi} + \frac{M_Q}{\Delta M} (\beta_{M,Q} - \beta_{M,\psi}) \text{ όπου: } \Delta M = \max M_{AB} = 343,79 \text{ kNm και } M_Q = f_1 = 160 \text{ kNm}$$

$$\text{όποτε } \beta_{M,y} = 1,52 + \frac{160}{343,79} (1,3 - 1,52) \Rightarrow \beta_{M,y} = 1,417$$

$$\mu_y = \bar{\lambda}_y (2\beta_{M,y} - 4) + \left[ \frac{W_{pl,y} - W_{el,y}}{W_{el,y}} \right] \Rightarrow \mu_y = 0,671 (2 \cdot 1,417 - 4) + \left[ \frac{2149 - 1930}{1930} \right] \Rightarrow \mu_y = -0,6689 < 0,90$$

$$\text{Τελικά } k_y = 1 - \frac{\mu_y N_{sd}}{\chi_y A f_y} \Rightarrow k_y = 1 - \frac{(-0,6689) \cdot 550}{0,80 \cdot 161 \cdot 27,5} \Rightarrow k_y = 1,1038 < 1,5$$

ΕΛΕΓΧΟΣ:

$$\frac{550}{0,426 \cdot 161 \cdot \frac{27,5}{1,10}} + \frac{1,10385 \cdot 343,79 \cdot 10^2}{2149 \cdot \frac{27,5}{1,10}} + 0 = 1,02 > 1 \text{ άρα έχω (οριακά) ανεπάρκεια μέλους}$$

Δεν έχει νόημα ο περαιτέρω έλεγχος του μέλους σε στρεπτοκαμπτικό λυγισμό αφού η διατομή κρίνεται ανεπαρκής.

### Παρατηρήσεις:

- Η φορά του ομοιόμορφου φορτίου στην εκφώνηση της άσκησης δεν αναφέρεται οπότε και λαμβάνεται με το σκεπτικό της δυσμενέστερης καταπόνησης όταν αυτό εφαρμόζεται πάνω στον φορέα.
- Η άσκηση έχει λυθεί σύμφωνα με το Ευρωπαϊκό Προσχέδιο Τυποποίησης (Ε.Π.Τ) του Ευρωκώδικα 3.

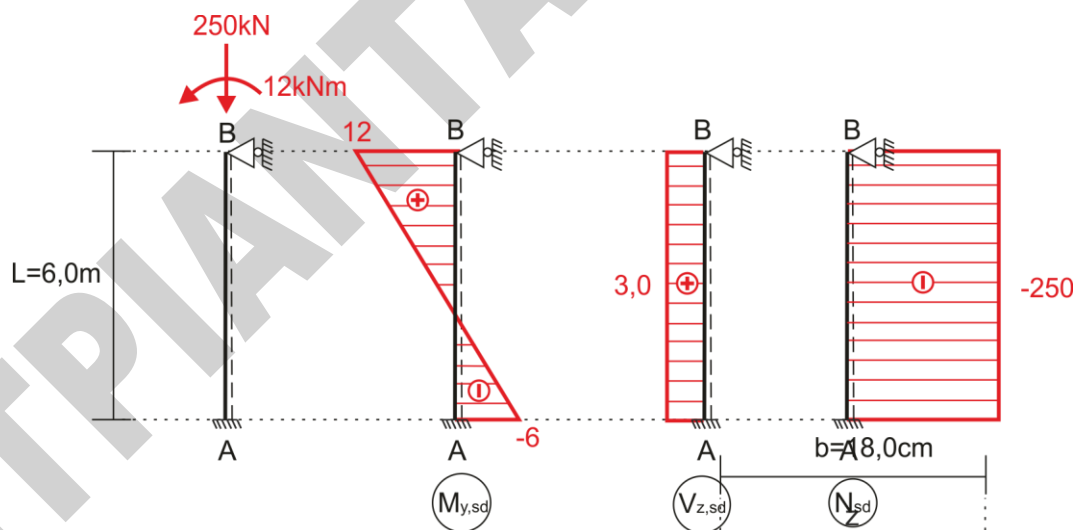


Τ.Ε.Ι. ΠΕΙΡΑΙΑ-ΤΜΗΜΑ ΠΟΛΙΤΙΚΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ Τ.Ε.- ΕΥΛΙΝΕΣ ΚΑΙ ΣΙΔΗΡΕΣΚΑΤΑΣΚΕΥΕΣ-13/02/2013ΘΕΜΑ 2°

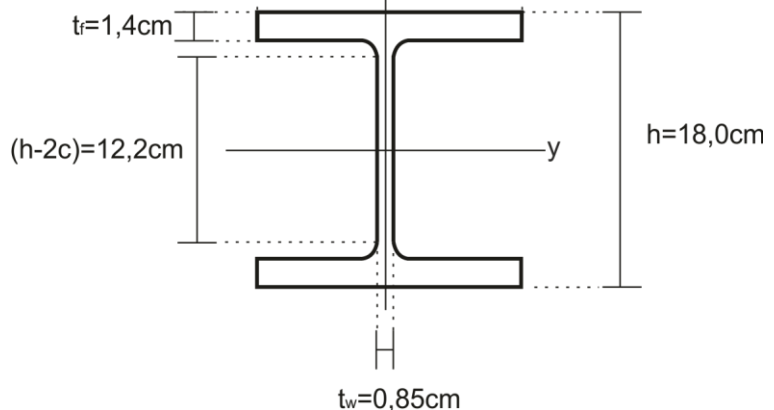
Να ελεγχθεί για λυγισμό δοκός μήκους  $L=6\text{m}$  και διατομής IPB 180 με το ένα άκρο πακτωμένο και το άλλο με κύλιση, η οποία καταπονείται από θλιπτικό φορτίο σχεδιασμού  $N_{sd}=250\text{kN}$  και καμπτική ροπή σχεδιασμού  $M_{y,sd}=12\text{kNm}$  στο αρθρωτό άκρο της. (Fe 360,  $\lambda_{LT}=74.88$ )

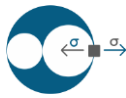
Λύση:

Για ποιότητα χάλυβα Fe360 και  $t_f \leq 40\text{mm} \Rightarrow f_y = 235\text{N/mm}^2 \Rightarrow \varepsilon = 1$

ΚΑΤΑΣΚΕΥΗ ΔΙΑΓΡΑΜΜΑΤΩΝ ΔΟΚΟΥΣΤΟΙΧΕΙΑ ΔΙΑΤΟΜΗΣ

$r = 1,5\text{cm}$	$I_y = 7,66\text{cm}^4$
$h - 2c = 12,2\text{cm}$	$I_z = 4,57\text{cm}^4$
$A = 65,3\text{cm}^2$	$W_{el,z} = 151\text{cm}^3$
$W_{el,y} = 426\text{cm}^3$	$b = 18\text{cm}$
$W_{pl,y} = 481\text{cm}^3$	$h = 18\text{cm}$





$$t_w = 0,85 \text{ cm}$$

$$t_f = 1,4 \text{ cm}$$

### ΚΑΤΑΤΑΞΗ ΔΙΑΤΟΜΗΣ

#### • ΚΟΡΜΟΣ

Η διατομή βρίσκεται υπό θλίψη και κάμψη οπότε υποθέτω πλαστική κατανομή των τάσεων στη διατομή μου και υπολογίζω την θέση του ουδέτερου

$$a = \frac{N_{sd}}{2t_w \frac{f_y}{\gamma_{M0}}} \Rightarrow a = \frac{250}{2 \cdot 0,85 \frac{23,5}{1,10}} \Rightarrow a = 6,88 \text{ cm}$$

Οπότε  $\alpha = \frac{1}{d} \left( \frac{d}{2} + a \right) \Rightarrow \alpha = \frac{1}{12,2} \left( \frac{12,2}{2} + 6,88 \right) \Rightarrow \alpha = 1,063 > 1$  δηλαδή ο Ο.Α. βρίσκεται εκτός κορμού και άρα όλος ο κορμός θλίβεται.

Τελικώς:  $\frac{d}{t_w} = \frac{12,2}{0,85} \Rightarrow \frac{d}{t_w} = 14,35 < 33 \varepsilon = 33 \cdot 1,0 = 33 \Rightarrow$  άρα ο κορμός είναι κατηγορίας 1

#### • ΠΕΛΜΑ

Για ελατή διατομή και θλιβόμενο μέλος θα έχω:  $\frac{c}{t_f} = \frac{18/2}{1,4} = 6,428 < 10 \varepsilon = 10 \cdot 1 = 10$

άρα το πέγμα είναι κατηγορίας 1

Τελικά η διατομή μου είναι κατηγορίας 1

### 1. ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΕ ΚΑΜΠΤΙΚΟ ΛΥΓΙΣΜΟ

$$\text{Πρέπει να ισχύει: } \frac{N_{sd}}{x_{\min} A \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} + \frac{k_y M_{y,sd}}{W_{pl,y} \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} + \frac{k_z M_{z,sd}}{W_{pl,z} \frac{f_y}{\gamma_{M1}}} \leq 1$$

#### • Υπολογισμός $x_{\min}$ :

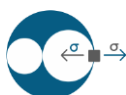
$$\text{Λυγηρότητα } \lambda_y = \frac{L}{i_y} = \frac{600}{7,66} \Rightarrow \lambda_y = 78,33$$

$$\text{Λυγηρότητα } \lambda_z = \frac{L}{i_z} = \frac{600}{4,57} \Rightarrow \lambda_z = 131,29$$

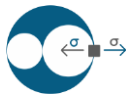
$$\text{Ανηγγμένη λυγηρότητα } \bar{\lambda}_y = \frac{\lambda_y}{93,9\varepsilon} = \frac{78,33}{93,9 \cdot 1} \Rightarrow \bar{\lambda}_y = 0,83$$

$$\text{Ανηγγμένη λυγηρότητα } \bar{\lambda}_z = \frac{\lambda_z}{93,9\varepsilon} = \frac{131,29}{93,9 \cdot 1} \Rightarrow \bar{\lambda}_z = 1,40$$

Επιλογή καμπυλών λυγισμού:







$$\text{Για } \frac{h}{b} = \frac{18}{18} = 1 < 1,20 \quad \left. \vphantom{\frac{h}{b}} \right\} \text{ Για λυγισμό περί αξόνα y-y: καμπύλη b. Άρα } \alpha_y = 0,34$$

$$t_f = 1,4 \text{ cm} < 10 \text{ cm} \quad \left. \vphantom{t_f} \right\} \text{ Για λυγισμό περί αξόνα z-z: καμπύλη c. Άρα } \alpha_z = 0,49$$

$$\varphi_y = 0,5 [1 + \alpha_y (\bar{\lambda}_y - 0,2) + \bar{\lambda}_y^2] = 0,5 [1 + 0,34 (0,83 - 0,2) + 0,83^2] \Rightarrow \varphi_y = 0,95$$

$$x_y = \frac{1}{\varphi_y + \sqrt{\varphi_y^2 - \bar{\lambda}_y^2}} \Rightarrow x_y = \frac{1}{0,95 + \sqrt{0,95^2 - 0,83^2}} \Rightarrow x_y = 0,708 < 1,0$$

$$\varphi_z = 0,5 [1 + \alpha_z (\bar{\lambda}_z - 0,2) + \bar{\lambda}_z^2] = 0,5 [1 + 0,49 (1,4 - 0,2) + 1,4^2] \Rightarrow \varphi_z = 1,774$$

$$x_z = \frac{1}{\varphi_z + \sqrt{\varphi_z^2 - \bar{\lambda}_z^2}} \Rightarrow x_z = \frac{1}{1,774 + \sqrt{1,774^2 - 1,40^2}} \Rightarrow x_z = 0,349$$

$$\text{Άρα } x_{\min} = \min\{x_y, x_z\} = \min\{0,708 \quad 0,349\} \Rightarrow x_{\min} = 0,349$$

- Υπολογισμός συντελεστή  $k_y$ :

$$\text{Δίνεται από την σχέση } k_y = 1 - \frac{\mu_y N_{sd}}{x_y A f_y} < 1,5.$$

Αρκεί να υπολογίσω το  $\mu_y$ :

$$\beta_{M,\psi} = 1,8 - 0,7\psi \text{ όπου } \psi = \frac{6,0}{12} = -0,5$$

$$\text{Οπότε } \beta_{M,\psi} = 1,8 - 0,7 * (-0,5) \Rightarrow \beta_{M,\psi} = 2,15.$$

Επειδή δεν έχω εγκάρσια φόρτιση  $\beta_{M,y} = \beta_{M,\psi}$ .

$$\mu_y = \bar{\lambda}_y (2\beta_{M,y} - 4) + \left[ \frac{W_{pl,y} - W_{el,y}}{W_{el,y}} \right] \Rightarrow \mu_y = 0,83 (2 * 2,15 - 4) + \left[ \frac{481 - 426}{426} \right] \Rightarrow \mu_y = 0,378 < 0,9$$

$$\text{Τελικά: } k_y = 1 - \frac{\mu_y N_{sd}}{x_y A f_y} \Rightarrow k_y = 1 - \frac{0,378 * 250}{0,708 * 65,3 * 23,5} \Rightarrow k_y = 0,913 < 1,50$$

$$\text{ΕΛΕΓΧΟΣ: } \frac{250}{0,349 * 65,3 * \frac{23,5}{1,10}} + \frac{0,913 * 12 * 10^2}{481 * \frac{23,5}{1,10}} + 0 \Rightarrow 0,513 + 0,107 = 0,620 < 1 \text{ επάρκεια μέλους}$$

## 2. ΕΛΕΓΧΟΣ ΣΕ ΣΤΡΕΠΤΟΚΑΜΠΤΙΚΟ ΛΥΓΙΣΜΟ

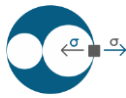
$$\text{Πρέπει να ισχύει: } \frac{N_{sd}}{x_z A_{\gamma M_1} f_y} + \frac{K_{LT} M_{y, sd}}{x_{LT} W_{pl, y \gamma M_1} f_y} + \frac{K_z M_{z, sd}}{W_{pl, y \gamma M_1} f_y} \leq 1$$

- Υπολογισμός  $x_{LT}$ :

$$\text{Υπολογισμός ανηγμένης λυγηρότητας } \bar{\lambda}_{LT} = \frac{\lambda_{LT}}{93,9\epsilon} = \frac{74,48}{93,9 * 1} \Rightarrow \bar{\lambda}_{LT} = 0,80$$

Επειδή πρόκειται για ελατή διατομή εκλέγω καμπύλη λυγισμού α





Για καμπύλη λυγισμού  $\alpha$  και  $\bar{\lambda}_{LT}=0,80 \Rightarrow \chi_{LT}=0,7957$

- Υπολογισμός  $\kappa_{LT}$ :

$$\text{Δίνεται από την σχέση } \kappa_{LT} = 1 - \frac{\mu_{LT} N_{sd}}{\chi_{LT} A f_y} \leq 1,0$$

Αρκεί να υπολογίσω το  $\mu_{LT}$ . Το  $\chi_{LT}$  το έχω ήδη υπολογίσει στον καμπτικό λυγισμό.

$$\beta_{M,LT} = 2,15 (= \beta_{M,Y} \text{ του καμπτικού λυγισμού})$$

$$\mu_{LT} = 0,15 \bar{\lambda}_z \beta_{M,LT} - 0,15 \Rightarrow \mu_{LT} = 0,15 * 1,40 * 2,15 - 0,15 \Rightarrow \mu_{LT} = 0,3015 < 0,90$$

$$\text{Τελικά } \kappa_{LT} = 1 - \frac{\mu_{LT} N_{sd}}{\chi_{LT} A f_y} \Rightarrow \kappa_{LT} = 1 - \frac{0,3015 * 250}{0,349 * 65,3 * 23,5} \Rightarrow \kappa_{LT} = 0,859$$

$$\text{ΕΛΕΓΧΟΣ: } \frac{250}{0,349 * 65,3 \frac{23,5}{1,10}} + \frac{0,859 * 12 * 10^2}{0,7957 * 481 \frac{23,5}{1,10}} + 0 = 0,513 + 0,126 = 0,639 < 1 \text{ άρα έχω επάρκεια}$$

μέλους.

**Παρατήρηση:** Η άσκηση έχει λυθεί σύμφωνα με το Ευρωπαϊκό Προσχέδιο Τυποποίησης (Ε.Π.Τ) του Ευρωκώδικα 3.

